

סוג הבחינה: בגרות
מועד הבחינה: חורף תש"ף, 2020
מספר השאלה: 035481
נספח: דפי נוסחאות ל-4 ייחדות לימוד

מתמטיקה

4 ייחדות לימוד – שאלון ראשון

הוראות לנבחן

- א. משך הבחינה: שלוש שעות וחצי.
- ב. מבנה השאלון ופתחה ההערכה: בשאלון זה שלושה פרקים.

פרק ראשון	—	אלgebra, גאומטריה אנליטית, הסתברות	40 נקודות
פרק שני	—	גאומטריה וטorigונומטריה במשורט	20 נקודות
פרק שלישי	—	חובון דיפרנציאלי ואינטגרלי של פולינומים, של פונקציות רציניות ושל פונקציות שורש	40 נקודות
סך הכל	—	100 נקודות	
- ג. חומר עזר מותר בשימוש:
- (1) מחשבון לא גרפי. אין להשתמש באפשרויות התכונות במחשבון הנitin לתכנות. שימוש במחשבון גרפי או באפשרויות התכונות במחשבון עלול לגרום לפסילת הבחינה.
- (2) דפי נוסחאות (מצורפים).
- ד. הוראות מיוחדות:
- (1) אל תעתק את השאלה; סמן את מספירה בלבד.
- (2) התחל כל שאלה בעמוד חדש. רשום במחברת את שלבי הפתרון, גם כאשר החישובים מותבצעים בעזרת מחשבון. הסבר את כל פעולותיך, כולל חישובים, פירוט ובקרה ברורה ומסודרת. חוסר פירוט עלול לגרום לפגיעה בזכין או לפסילת הבחינה.

כתב במחברת הבחינה בלבד. רשום "טיוטה" בראש כל עמוד המשמש טיוטה. כתיבת טיוטה בדף שאינו במחברת הבחינה עלולה לגרום לפסילת הבחינה.

הנחיות בשאלון זה מנוסחות בלשון זכר ומכוונות לנבחנות לנבחנים אחד.

בהצלחה!

המשך מעבר לדף ◀

השאלות

שים לב: הסבר את כל פעולותיך, כולל חישובים, בפירוט ובצורה ברורה.

חווסף פירוט עלול לגרום לפגיעה בציון או לפיטילת הבחינה.

פרק ראשון — אלגברה, גאומטריה אנליטית, הסתברות (40 נקודות)

עונה על שתים מן השאלות 1-3 (לכל שאלה – 20 נקודות).

שים לב: אם תענה על יותר משתי שאלות, ייבדקו רק שתי התשובות הראשונות שבמחברתך.

1. המחיר של כרטיס כניסה של מבוגר למועדון הוא ₪ 50.

מחיר כרטיס של מבוגר גדול פי 2 מהמחיר כרטיס של ילד.

מחיר כרטיס של סטודנט נמוך ב- 25% מהמחיר כרטיס של מבוגר.

א. הבע באמצעות x את מחיר הkartיס של ילד ואת מחיר הkartis של סטודנט.

ביום ראשון ביקרו במועדון מבוגרים בלבד.

סך כל הכנסות של המועדון מכירת כרטיסים ביום ראשון היה ₪ 1,560. שקלים.

ביום שני ביקרו במועדון רק ילדים וסטודנטים. מספר הילדים שבקירו במועדון ביום שני היה גדול ב- 16

מספר המבוגרים שבקירו בו ביום ראשון.

מספר הסטודנטים שבקירו במועדון ביום שני היה קטן ב- 2 מאשר�数量 of children who visited the stadium on Monday.

סך כל הכנסות של המועדון מכירת כרטיסים ביום שני היה ₪ 2,912. שקלים.

ב. (1) מצא את מחיר הkartis של מבוגר למועדון.

(2) בכמה אחוזים גדול מספר המבקרים ביום ראשון?

2.

במשולש ABC קודקוד המשולש B ו- C מונחים על ציר ה- y , כמתואר בציור.

משוואת הישר CA היא $5 = y$ ומשוואת הישר BA היא $3x - 3 = 0$.

א. מצא את שיעורי הנקודות C, B ו- A.

נתון כי הנקודה E נמצאת בربיע השני וכי שיעור ה- y שלה הוא 1.

אורק הקטע CE הוא 5.

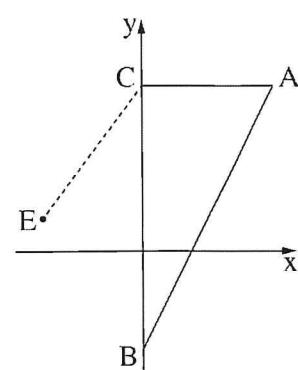
ב. מצא את שיעור ה- x של הנקודה E.

הנקודה D היא מרכז המעגל החוסם את המשולש ABC.

ג. מצא את משוואת המעגל החוסם את המשולש ABC.

ד. האם הנקודה E נמצאת על המעגל החוסם את המשולש ABC, בתוך המעגל החוסם או מחוץ לו?

נמק ופרט את חישוביך.

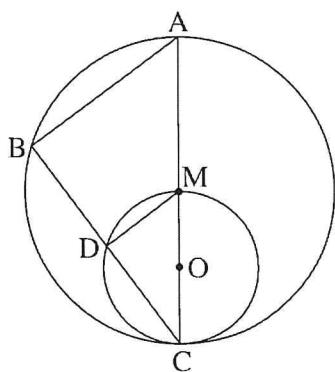


- .3. 80% מתלמידי שכבה י"א בבית ספר גדול יצאו לטיוול.
בשכבה י"א יש בניים ובנות.
ידעו כי 0.75 מן הבנים בשכבה ו- $\frac{5}{6}$ מן הבנות בשכבה יצאו לטיוול.
בחרו באקראי תלמיד משכבה י"א (בן או בת).
א. (1) מהי ההסתברות שנבחרה בת?
(2) מהי ההסתברות שנבחרה בת שיצאה לטיוול?
ב. ידוע כי נבחר תלמיד שיצא לטיוול (בן או בת). מהי ההסתברות שנבחרה בת?
ג. בחרו באקראי 5 תלמידים מן הבנים והבנות של שכבה י"א.
מהי ההסתברות שבודיוκ 3 מהם הם בניים שיצאו לטיוול?

פרק שני – גאומטריה וטריגונומטריה במישור (20 נקודות)

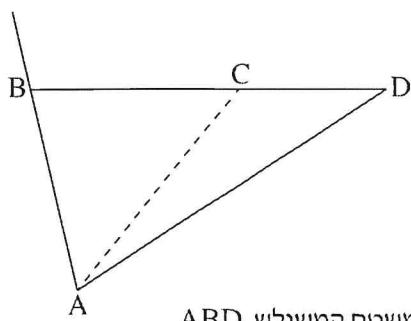
ענה על אחת מן השאלות 4-5.

שים לב: אם תענה על יותר משאלת אחת, תיבדק רק התשובה הראשונה שבמחברתך.



4. בציור שלפניך שני מעגלים: מעגל גדול שמרכזו M ומעגל קטן שמרכזו O .
המעגל הקטן משיק מבענינים למעגל הגדל בנקודה C , ועובדך דרך
הנקודה M (ראה ציור).
הקטע CM עובר דרך הנקודה O , והמשכו חותך את המעגל הגדל בנקודה A .
דרך הנקודה C העבירו ישר נסفي, החותך את המעגלים בנקודות D ו- B ,
כמפורט באפשרות.
א. (1) הוכח: $\triangle ABC \sim \triangle MDC$.
(2) הוכח: $\triangle ABC \sim \triangle MDC$.
- ב. (1) הוכח כי DM הוא קטע אמצעים במשולש ABC .
(2) מהו היחס בין שטח המשולש ABC ובין שטח המשולש MDC ? נמק.

- ג. נתון: $DM = 2.4$, $CO = 2$.
חשב את אורך הקטע BC .



5. במשולש ABD הנקודה C נמצאת על הצלע BD (ראה ציור).
נתון: $AD = 10$, $CD = 4$, $AC = 7$.
א. חשב את גודל הזווית ACD .
נתון: $AB = BC$.
ב. חשב את שטח המשולש ABD .
הנקודה E נמצאת על המשך הצלע AB כך ששטח המשולש EBD קטן פי 4 משטח המשולש ABD .
ג. מהו אורך הצלע EB ? נמק.

**פרק שלישי – חישוב דיפרנציאלי ואנטגרלי של פולינומים,
של פונקציות רצינליות ושל פונקציות שורש (40 נקודות)**

ענה על שתיים מן השאלות 6-8 (לכל שאלה – 20 נקודות).

שים לב: אם תענה על יותר משתי שאלות, ייבדקו רק שתי התשובות הראשונות שבמחברתך.

6. נתונה הפונקציה $f(x) = \frac{3}{x^2} - 6x$.

א. (1) מצא את תחום ההגדרה של הפונקציה $f(x)$.

(2) מצא את שיעורי נקודת הקיצון של הפונקציה $f(x)$, וקבע את סוגה.

(3) מצא את שיעורי נקודת החיתוך של גרף הפונקציה $f(x)$ עם ציר ה- x .

בתשובתך השאיר שתי ספרות אחרי הנקודה העשרונית.

(4) סרטט סקיצה של גרף הפונקציה $f(x)$.

נתונה הפונקציה $c + g(x) = f(x)$. c הוא פרמטר.

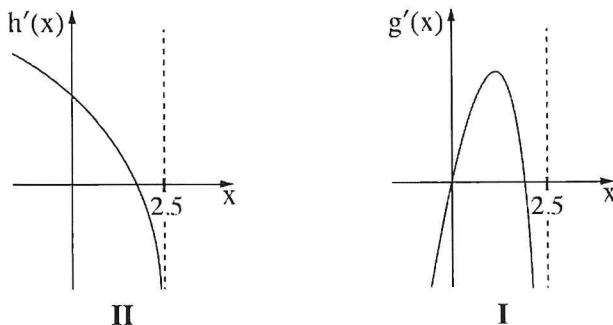
נתון כי נקודת הקיצון של הפונקציה $g(x)$ נמצאת על ציר ה- x .

ב. (1) מצא את c .

(2) סרטט סקיצה של גרף הפונקציה $g(x)$.

ג. חשב את השטח המוגבל על ידי גרף הפונקציה $g(x)$, על ידי הישר $3 = x$ ועל ידי ציר ה- x .

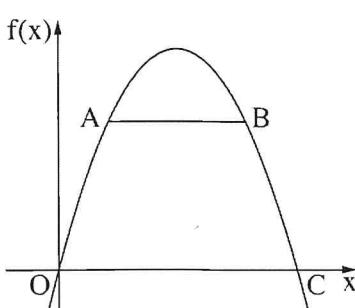
7. לפניך הגרפים של הפונקציות $(x)g'$ ו- $(x)h'$, שהן פונקציות הנגזרת של הפונקציות $(x)g$ ו- $(x)h$ בהתאם. פונקציות הנגזרת $(x)g'$ ו- $(x)h'$ מוגדרות בתחום $x < 2.5$.



- a. קבע על פי הגרפים כמה נקודות קיצון פנימיות יש לפונקציה $(x)h$ בתחום $x < 2.5$. נמק את תשובתך.
(התיחס בתשובה לך חלק של הגרף המתואר בציור).

- b. מצא את שיעורי כל נקודות הקיצון של הפונקציה $(x)f$, וקבע את סוגן.
c. סרטט סקיצה של גורף הפונקציה $(x)f$.
d. אחד מן הגרפים הנתונים בתחילת השאלה (I-II) הוא הגרף של פונקציית הנגזרת $(x)f'$.
קבע מי מהם הוא הגרף של $(x)f'$. נמק.
e. חשב את השטח המוגבל על ידי גורף פונקציית הנגזרת $(x)f'$ ועל ידינו ציר ה- x בריבוע הראשון.

8. גורף הפונקציה $f(x) = -x^2 + 4x$ עובר בראשית הצירים, O, וחותך את ציר ה- x בנקודה נוספת, C (ראה ציור).



- a. מצא את שיעורי הנקודה C.
הנקודות A ו- B נמצאות על גורף הפונקציה $(x)f$ בריבוע הראשון, כמפורט בציור.
נסמן את שיעור ה- x של הנקודה A ב- x. נתון כי שיעור ה- x של הנקודה B שווה ל- $(x-4)$.
ב. הסבר מדוע הישר AB מקביל לציר ה- x.
c. מצא את שיעור ה- x של הנקודה A שבverburo שטח הטרפז OABC הוא מקסימלי.

בצלחה!

רכות היוצרים שמורה למדינת ישראל
אין להעתיק או לפרסם אלא ברשות משרד החינוך