

מדינת ישראל
משרד החינוך

סוג הבחינה: א. בגרות לבתי ספר על-יסודיים
ב. בגרות לבננים אקסטרניים
מועד הבחינה: תשע"ד, מועד ג
מספר השאלה: 317, 035807
דף נוסחאות ל-5 ייחדות לימוד
נספח:

מתמטיקה
5 ייחדות לימוד — שאלהן שני
הוראות לנבחן

א. משר הבחינה: שעתים.

ב. מבנה השאלה ופתח הערכה: בשאלון זה שני פרקים.

פרק ראשון — גאומטריה אנליטית, וקטורים,

טוגונומטריה במרחב,

$$\text{מספרים כרוכבים} \quad \frac{2}{3} \times 2 = 33\frac{1}{3} \quad \text{נקודות}$$

פרק שני — גדייה ודעיכה,

$$\text{פונקציות מערכיות ולוגריתמיות} \quad \frac{1}{3} \times 1 = 33\frac{1}{3} \quad \text{נקודות}$$

$$\text{סה"כ} = 100 \quad \text{נקודות}$$

ג. חומר עוז מותר בשימוש:

(1) מחשבון לא גרפי. אין להשתמש באפשרויות התכנות במחשבון הנינתן לתוכנות.
שימוש במחשבון גריי או באפשרויות התכנות במחשבון עלול לגרום לפסילת הבחינה.

(2) דפי נוסחאות (מצורפים).

ד. הוראות מיוחדות:

(1) אל תעתיק את השאלה; סמן את מספרה בלבד.

(2) התחיל כל שאלה בעמוד חדש. רשום במחברת את שלבי הפתרון, במ כאשר החישובים מתבצעים בעורת מחשבון.

הסביר את בל פעולה, כולל חישובים, בפירוט ובצורה ברורה ומסודרת.

חווסף פירוט עלול לגרום לפגעה בזכין או לפסילת הבחינה.

(3) לטיטתה יש להשתמש במחברת הבחינה או בדף שקיבלת מהמשגחים.
שימוש בטיטה אחרת עלול לגרום לפסילת הבחינה.

הנחהיות בשאלון זה מנוסחות בלשון זכר ומכוונות לנבחנות לנבחנים אחד.

ב ה צ ל ח ה !

המשך מעבר לדף ◀

השאלות

שים לב! הסבר את כל פעולותין, כולל חישובים, בפירות ובצורה ברורה.
חומר פירוט עלול לגרום לפגיעה בזכין או לפסילת הבחינה.

פרק ראשון – גאומטריה אנליטית, וקטורים, טריגונומטריה במרחב, מספריים מוכבבים ($\frac{2}{3}$ נקודות)

ענה על שתיים מהשאלות 1-3 (לכל שאלה – $\frac{1}{3}$ נקודות).

שים לב! אם תענה על יותר משתי שאלות, יבדקו רק שתי התשובות הראשונות שבמחברתך.

1. נתונה המשוואה $\frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{a^2 - 16} = 1$, הוא פרמטר חוביי שונה מד'.
א. מצא עבור אילו ערכים של a המשוואה מייצגת אליפסה.

אליפסה שימושתה $1 = \frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{a^2 - 16}$ חותכת את הקרן השילילית של ציר ה- y בנקודה A.

F_1 הוא המוקד ימני של האליפסה, ו- F_2 הוא המוקד השמאלי.

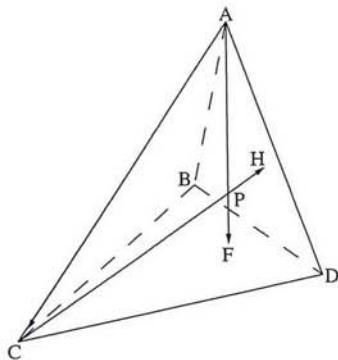
הישר AF_1 יוצר עם הקרנו החוביית של ציר ה- x זווית של 26.566° .

ב. מצא את משוואת האליפסה.

ג. מצא את משוואת המוקם הגאומטרי של נקודות הנמצאות במרחקים שווים מהמוקד F_1

ומן הישר שעובר דרך המוקד F_2 ומקביל לציר ה- y . נמק.

המשך בעמוד 3 ◀



.2. בפירמידה משולשת ABCD

הו גובה הפירמידה לפאה AF

ר CH הוא גובה הפירמידה לפאה ABD

הישרים CH AF רגנסים בנקודה P

(ראה ציור).

.א. (1) הסביר מדוע $\overline{AP} \cdot \overline{BD} = 0$

.(2) הוכח כי $\overline{AC} \perp \overline{BD}$

.ב. הוכח כי $\overline{AH} \perp \overline{BD}$

$$\text{ג. סמן: } \overline{BA} = \underline{w}, \overline{BC} = \underline{v}, \overline{BD} = \underline{u}$$

. $\angle CBD = \angle ABD$ ו $AB = BC$

.3. נתון המספר המרוכב $z = \cos \alpha + i \sin \alpha$

ונתן מספר מרוכב w שהערך המוחלט שלו הוא r ($r > 0$) .

z ו w נמצאים בربיע הראשון.

$$z = \frac{w}{\bar{w}}$$

.א. הביע באמצעות α ו β את המספר w , את הצמוד שלו \bar{w} , ואת ההיפכי שלו $\frac{1}{\bar{w}}$.

.ב. סרטט במערכת צירים את מעגל היחידה, והוסף לסרטוט דוגמה של מספר w

ושל ההיפכי שלו $\frac{1}{\bar{w}}$ עבור $1 > z$.

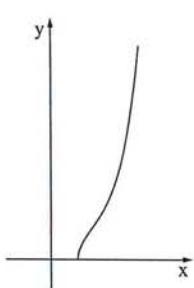
.ג. נתונה סדרה הנדסית a_n שבה $a_2 = z$, $a_1 = \frac{1}{\bar{w}}$ ו a_5 את a_5 .

הבע באמצעות α ו β את a_5 .

המשר בעמוד 4

פרק שני — גדרה וДЕריכה, פונקציות מעירכיות ולוגרייטמיות(33 $\frac{1}{3}$ נקודות)עינה על **אחת** מהשאלות 4-5.

שים לב! אם תענה על יותר מ שאלה אחת, תיבדק רק התשובה הראשונה שבמחברתך.

4. נתונה הפונקציה $f(x) = \sqrt{2x-1} \cdot e^{x^2-1}$ (ראה ציור).

א. מצא את תחום ההגדרה של הפונקציה.

ב. הוכיח כי הפונקציה עולה לכל x בתחום ההגדרה שלה.ג. העבירו ישר המשיק לגרף הפונקציה בנקודה שבה $x = 1$.

הישר נפגש עם גרף הפונקציה בשתי נקודות בלבד.

(1) מצא את משוואת המשיק.

(2) העתק למחברתך את גרף הפונקציה,

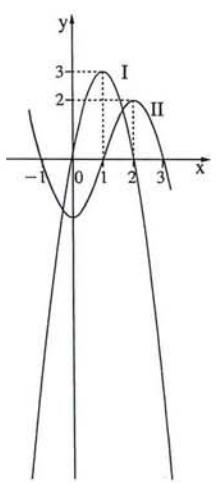
והוסף לגרף סרטוט של המשיק.

(3) השטח המוגבל על ידי גרף הפונקציה ועל ידי המשיק

מסתווב סביב ציר ה- x .

מצא את נפח גופם הסיבוב שנוצר.

המשר בעמוד 5



.5. ביציר שלפניך מוצגים שני גרפים, I ו II, של פונקציות המוגדרות

בתוחום $-1 \leq x \leq 3.1$.

אחד הגרפים הוא של הפונקציה $f(x)$

והאחר הוא של פונקציית הנגזרת $(x)f'(x)$.

א. קבע איזה מבין הגרפים I ו II

הוא של הפונקציה $f(x)$. נמק.

ב. נתונה הפונקציה $g(x) = \ln(f(x))$

(1) מצא את תחום ההגדרה של הפונקציה $g(x)$.

(2) מה הן האסימפטוטות של $g(x)$? המאונכות לציר x ?

(3) מצא את השיעוריים של נקודות הקיצון הפנימיות של $g(x)$ (אם יש כאלה), וקבע את סוגן.

(4) מצא את תחומי העלייה והירידה של הפונקציה $g(x)$.

(5) סרטט סקיצה של גורף הפונקציה $g(x)$ בשלוש נקודות.

אם נתון כי הישר $y = 1$ חותך את גורף הפונקציה $g(x)$ בשלוש נקודות,

בהצלחה!

בוחות הווערים שפורה למדינת ישראל
אין להעתיק או לפרסם אלא ברשות משרד החינוך