

סוג הבדיקה: בגרות לבתי ספר על-יסודיים
מועד הבדיקה: חורף תשע"א, 2011
מספר השאלה: 035807
נשף: דפי מסחאות ל-4 ול-5 ייחדות לימוד

מתמטיקה

5 ייחדות לימוד – שאלון שני

תכנית ניסוי

(שאלון שני לנבחנים בתכנית ניסוי, 5 ייחדות לימוד)

הוראות לנבחן

א. משך הבדיקה: שעתיים.

ב. מבנה השאלון ופתחת ההערכה: בשאלון זה שני פרקים.

פרק ראשון – גאומטריה אנליטית, וקטורים,
טיריגונומטריה למרחב,

מספריים מרוכבים – נקודות

פרק שני – גידילה ודעיכה,
פונקציות, מערכיות ולוגריתמיות – נקודות

סה"כ – 100 נקודות

ג. חומר עוזר מותר בשימוש:

- (1) מחשבון לא גրפי. אין להשתמש באפשרות התכונות במחשבון הנitinן לתכנון. שימוש במחשבון גרפי או באפשרות התכונות במחשבון עלול לגרום לפסילת הבדיקה.
- (2) דפי מסחאות (מצורפים).

הוראות מיוחדות:

(1) אל-תעתיק את השאלה, סמן את מספלה בלבד.

(2) התחיל כל שאלה בעמוד חדש. רשאי במחובאת את שלבי הפתרון, גם כאשר החישובים מתבצעים בעזרת מחשבון.

הסביר את כל פעלותיך, כולל חישובים, בפירות ובצורה ברורה ומסודרת. חוסר פירוט עלול לגרום לפגיעה בזכין או לפסילת הבדיקה.

(3) לטיווח יש להשתמש במחוברת הבדיקה או בדף שקיבלת מהמשגיכים. שימוש בטיווח אחרות עלול לגרום לפסילת הבדיקה.

התנויות בשאלון זה מנוסחות בלשון זכר ומכוונת לנבחנות ולנבחנים כאחד.

ב הצלחה!

השאלות

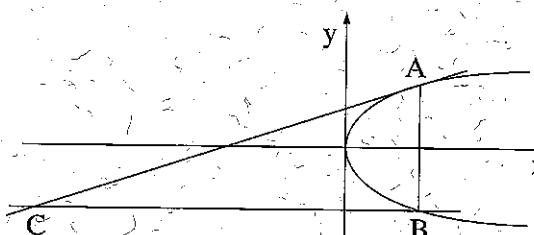
שים לב! הסבר את כל פעולותיך, כולל חישובים, בפתרונות ובצורה ברורה.
חווסף פירוט עלול לגרום לפגיעה בזכיון או לפסילת הבחינה.

פרק ראשון – גאומטריה אנליטית, וקטורים, טריגונומטריה במרחב

מספרים מרוכבים ($\frac{2}{3}$ נקודות)

עננה על שתיים מבין השאלות 1-3 (לכל שאלה – $\frac{1}{3}$ נקודות).

שים לב! אם תענה על יותר משתי שאלות, ייבדק רק שתי התשובות הראשונות שבחרתך.



1. A ו- B הן נקודות ביחסן על

$$\text{הפרבולה } x = 2py^2, \quad p > 0$$

כך שהמיון AB מקביל לציר ה- y

ישר, המשיק לפרבולה בנקודה A

חותך בנקודה C את הישר שעובר

דרך הנקודה B. ומקביל לציר ה- x (ראה ציור).

א. (1) הבע באמצעות p את משווהת המוקום הגאומטרי של הנקודות C

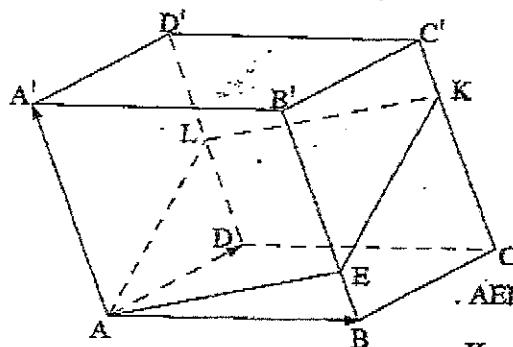
הנוצרות באופן שתוואר.

(2) סרטט במערכת צירים סקיצה של המוקום הגאומטרי שאת משווהתו מצאת.

ב. נתון כי שיעור ה- y של נקודה C, הנמצאת על המוקם הגאומטרי שאת משווהתו

$$\text{מצאת, הוא } y = -2p$$

חשב במקרה זה את הזווית שבין המשיק לפרבולה CA, ובין ציר ה- x.

נתון מלבן $'A'B'C'D'$

(נקודות פאותיו הן מלבניות).

נקודה L היא אמצע המקביל $A'D'$.נקודה E נמצא על המקביל CC'

$$\text{בנ"ד } \frac{B'E}{EB} = 3$$

נתון כי המקביל AA' מאונך למישור AEL המישור חותך את המקביל CC' בנקודה K

(ואה צייר).

$$\overline{CK} = m\overline{CC'}, \quad \overline{AA'} = \underline{w}, \quad \overline{AD} = \underline{v}, \quad \overline{AB} = \underline{u}$$

נמצא m מצא את הערך של m ב נתון כי היחס הפרמטרי של הישר CC' הוא $\underline{x} = (4, 5, 8) + t(1, -1, 2)$ הाהנקודה $(x, y, 0)$ נמצאת במישור AEL , ושיועדי הקודקוד C הםמצא את מרחק תקודה C מישור AEL 3. z_1, z_2, z_3 ו- z_4 הם שלושה מספרים מורכבים שונים הנמצאים על ישר איזו שיעורזהך ראשית הצירים. z_1 ו- z_2 נמצאים בربיע הראשון, z_3 נמצא בדיבע השלים

$$\text{נתון } (z_1 - z_2)(z_1 - z_3) = r_1(\cos \alpha + i \sin \alpha)$$

א. האם $\operatorname{המ"מ} \frac{z_1 - z_3}{z_2 - z_3}$ הוא מספר ממשי, מספר מודולו סגור או מספר שהוא לא ממשי

ולא מודולו טהור? נמק.

$$\text{נוכיח כי } z_1 \text{ ו- } z_3 \text{ נמצאים על מעגל היקadata, ר' } \left| \frac{z_1 - z_3}{z_2 - z_3} \right| = \frac{1}{2}$$

ב. חשב את הערך המוחלט של z_2 ג. z_4 הוא החזם של z_1 .הבע באמצעות α את שטח המשולש הנוצר על ידי הנקודות z_1, z_2, z_3, z_4

פרק שני - גדרה ודעיכה, פונקציות מעירכיות ולוגריתמיות

($\frac{1}{3}$ נקודות)

ענה על אחד מהתשאלות 4-5.

שים לב! אם תענה על יותר מ שאלה אחת, תיבדק רק התשובה הראשונה שבמהברוץ.

4. נתונות שלוש פונקציות, I, II, III :

$$I. y = -2x + 4 \quad II. y = \max(2x - 4, 0) \quad III. y = \frac{2x}{x+1}$$

א. מצא את תחום ההגדרה של כל אחת מהפונקציות, ומצא את האסימפטוטות שלן
המקבילות לצירים (אם יש כאלה).

ב. (1) סרטט במערכת צירים את סקיצה של גרף הפונקציה I וסקיצה של גраф
הפונקציה II. צין מספרים על ציר ה- x .

(2) הסביר מדוע נקודות החיתוך בין הגראפים של הפונקציות I ו II היוותו להימצא
בתוחם $2 < x < 1$.

ג. (1) מצא גבול עלייה וירידה של הפונקציה III (אם יש כאלה).
(2) צין בין אילו ערכי x שלמים ועוקבים נמצאת נקודות החיתוך של גראף
הפונקציה III עם ציר ה- x . נמק.

(3) לגרפים שסרטתו בתג'סעיף ב (1), הוסף בקו מושך (—) סקיצה של
גרף הפונקציה III .

ד. חשב את השטח המוגבל על ידי הגראף של פונקציה II, על ידי הגראף של פונקציה III
ועל ידי הישרים $x = 1.5$ ו $x = 2.5$.

+ נספח

- .5. נתונה הפונקציה $f(x) = (1+x)e^{-x}$
- הראה כי $f'(x) = -xe^{-x}$
 - מזה את השיעורים של נקודות הקיוץ של הפונקציה $(x)f$, וקבע את סופן (אם יש כאלה).
 - מזה את השיעורים של נקודות החיתוך של גורף הפונקציה $(x)f$ עם הצירים.
 - סרטט טקיצה של גורף הפונקציה $(x)f$.
 - הראה כי עבור $0 > a$ מתקיים $\int_{-1}^a f(x) dx < e$
 - (1) חשב את השטח המוגבל על ידי גורף הפונקציה $(x)f$, על ידי ציר ה- x ועל ידי ציר ה- y .
 - (2) הסבר מדוע עבור $0 > a$ מתקיים $\int_{-1}^a f(x) dx > e - 2$

בצלחת!

זכות האחים טויה למלוכה ישראל
אך להעתיק או לפחס אלא בישות מושדי והונען