

א. בגורות לבתי ספר על-יסודיים  
ב. בגורות לנבחנים אקסטרניטים  
    קץ תשע"א,  
    306, 035006  
    דפי נסחאות ל-5 יהדות לימוד

סוג הבדיקה:  
מועד הבדיקה:  
מספר השאלה:  
נספח:

## מתמטיקה

### שאלון ו'

#### הוראות לנבחן

א. משך הבדיקה: שעתיים,

ב.	<u>מבנה השאלה ופתחה העברת</u> : שאלה ו' שוני פרקים.
	פרק ראשון - אלגברה
	פרק שני - חישוב דיפרנציאלי ואנטגרלי,
	טריגונומטריה
	סת"כ = 100 נקודות

ג. חומר עיר מותר בשימוש:

- (1) מהשbon לא גרי, אין להשתמש באפשרויות הטענות במחשבון הניתן לתכנית.  
שימוש במחשבון גרי או באפשרויות הטענות במחשבון עלול לגרום לפסילת הבדיקה.  
(2) דפי נסחאות (מצורפים)

#### הוראות מיוחדות:

- (1) אל תעתיק את השאלה; סמן את מספורה בלבד.  
(2) התחל כל שאלה בעמוד חדש. רשום במחברת את שלבי הפתרון, גם כאשר החישובים מתבצעים בעוררת מחשבון.  
הסביר את כל פעולה, כולל חישובים, בפירוט ובצורה ברורה ומוסדרת.  
חומר פירוט עלול לגרום לפגיעה בזכין או לפסילת הבדיקה.  
(3) לטיותה יש להשתמש במחברת הבדיקה או בדף שקיבלה מהמשנויות.  
שימוש בטיטה אחרת עלול לגרום לפסילת הבדיקה.

ההנחיות בשאלון זה מנוסחות בלשון עבר ופותחות לנבחנות ולבחינות כאחד.

## ב ה צ ל ח ה !

/המשך מעבר לדף/

## ה שאלות

**שים לב!** הסבר את כל פעולותיך, כולל חישובים, בפירוט ובצורה ברורה.  
חומר פירוט עלול לגרום לפגיעה בזכין או לפסילת הבחינה.

### פרק ראשון – אלגברה ( $\frac{1}{3}$ נקודות)

ענה על אתה מהשאלות 1-2.

**שים לב!** אם תענה על יותר מ שאלה אחת, תיבדק רק התשובה הראשונה שבמחברתך.

1. בפועל לייצור מחשבונים עובדים פועלים ותיקים ופועלים חדשים.

פועל ותיק ופועל חדש התבקוו להרכיב מחשבונים.

לו פועל ותיק היה עובד  $\frac{1}{3}$  מהזמן שנדרש לעובד חדש לבצע בלבד עובדה זו,

ופועל חדש היה עובד  $\frac{1}{3}$  מהזמן שנדרש לעובד ותיק לבצע בלבד עובדה זו,

אז יחד הם היו מבצעים  $\frac{13}{18}$  מעובדה זו.

פועל ותיק מבצע בלבד את העבודה במספר שעות קטן יותר מזה הדרוש לפועל חדש.

א. מצא פי כמה גדול מספר השעות הדרוש לפועל חדש לבצע בלבד את העבודה,

מספר השעות הדרוש לפועל ותיק לבצע בלבד את העבודה.

ב. נתון כי פועל ותיק מרכיב 9 מחשבונים בשעה.

(1) כמה מחשבונים בשעה מרכיב פועל חדש?

(2) מקימים שני צוותי עבודה: בצוות I יש פועל אחד חדש ושני פועלים ותיקים.

בצוות II יש פועל אחד ותיק ושני פועלים חדשים.

כל צוות הרכיב אותו מספר מחשבונים.

צוות I עבד שעיה אחת פחות מאשר צוות II.

מצא כמה שעות עבד צוות II.

(כל הפעלים הוותיקים עובדים באותו קצב, וכל הפעלים החדשים עובדים באותו

קצב.)

/המשך בעמוד 3/

2. א. הוכח באינדוקציה או בדרך אחרת כי לכל  $n$  טבעי גדול מ-1 מתקיים:  

$$2^{n-1}(2^n + 3^n) > 5^n$$

ב. בהסתמך על סעיף א. הוכח:

$$2^{1+2+3+\dots+100} \cdot (2^2 + 3^2) \cdot (2^3 + 3^3) \cdot (2^4 + 3^4) \cdot \dots \cdot (2^{101} + 3^{101}) > 5^{5150}$$

## פרק שני – חישוב דיפרנציאלי ואנטגרלי, טריגונומטריה ( $\frac{2}{3}$ נקודות)

ענה על שתיים מהשאלות 3-5 (לכל שאלה –  $\frac{1}{3}$  נקודות).

**שים לב!** אם תענה על יותר משתי שאלות, ייבדק רק שתי התשובות הראשונות שבמהברתך.

3. נתונה הפונקציה  $f(x) = \frac{ax}{\sqrt{x^2 - a^2}}$ .  $a$  הוא פרמטר שונה מאפס.

א. עבור  $a > 0$  מצא (הבע באמצעות  $a$  במידת הצורך):

(1) את תחום ההגדרה של הפונקציה.

(2) את האסימפטוטות של הפונקציה המקבילות לצירים.

(3) תחומי עלייה וירידה של הפונקציה (אם יש כאלה).

(4) נקודות חיתוך של גרף הפונקציה עם הצירים (אם יש כאלה).

ב. סרטט סקיצה של גרף הפונקציה:

(1) עבור  $a > 0$

(2) עבור  $a < 0$

ג. נתונה הפונקציה  $a - g(x) = f(x)$  –  $a > 0$ .

(1) מה הן האסימפטוטות של הפונקציה  $(x)g$ ? (הבע באמצעות  $a$  במידת הצורך.)

(2) מה הם הערכים שהפונקציה  $(x)g$  יכולה לקבל?

(הבע באמצעות  $a$  במידת הצורך.)

/המשך בעמוד 4/

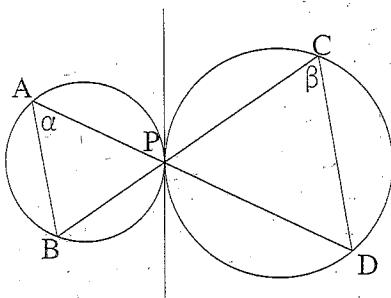
$$\text{נתונה הפונקציה } f(x) = \cos(x^2 - 2x) \quad \text{בתחום } -0.5 \leq x \leq 2.5 \quad .4$$

- א. בתחום הנתון מצא את השיעורים של נקודות הקיצון של הפונקציה, וקבע את סוגן.
- ב. בתחום הנתון סרטט סקיצה של גרף הפונקציה.
- ג. בתחום  $2 \leq x \leq 0$  מצא את השיטה המוגבל על ידי הגרף של פונקציית הנגזרת  $(x^2 - 2x)$ .

על ידי ציר ה- x.

תוכל להיעזר בסקיצה של פונקציית הנגזרת  $(x^2 - 2x)$

בתשובה תיך דיק במידת הצורך עד שתהי ספירותי אחרי הנקודה העשורה.



לשני מעגלים יש משיק משותף 5.

המשיק לשניהם בנקודה P.

נקודות C ו- D נמצאות על מעגל אחד

ונקודות A ו- B נמצאות על המעגל האחר

כך שהקטעים AD ו- CB נפגשים בנקודה P

(ראה ציור).

נתון: רדיוס המעגל העובר דרך הנקודות C, D ו- P הוא 4.5 ס"מ,

$$\angle DCP = \beta, \quad \angle BAP = \alpha, \quad \frac{CD}{AB} = \frac{3}{2}$$

א. מצא את רדיוס המעגל העובר דרך הנקודות A, B ו- P

ב. הביע באמצעות  $\alpha$  ו-  $\beta$  את אורך הקטע BD.

$$\text{ג. אם נתון גמ' כי } BD = 3 \sin \alpha \cdot \sqrt{1 + 24 \sin^2 \alpha}, \quad \frac{PD}{PB} = \frac{3}{2}, \quad \text{הראה כי}$$

$\alpha$  ו-  $\beta$  הן זוויות חדות.)

## בהתלה!

זכות היוצרים שמורה למדינת ישראל  
אין להעתיק או לפרסם אלא ברשות משרד החינוך