

בגרות לבתי ספר על-יסודיים
תש"ע, מועד ב
035806
דפי נוסחאות ל-4 ול-5. ייחדות לימוד
סוג הבחינה:
מועד הבחינה:
מספר השאלה:
נספח:

מתמטיקה

5. ייחדות לימוד – שאלון ראשון

תכנית ניסוי

(שאלון ראשון לנבחנים בתכנית ניסוי, 5. ייחדות לימוד)

תוראות לנבחן

א. משך הבחינה: שלוש שעות וחצי.

מבנה השאלון ופתחה הערכתי: בשאלון זה שלושה פרקים.	
פרק ראשון – אלגברה והסתברות	$16\frac{2}{3} \times 2 = 33\frac{1}{3}$ נקודות
פרק שני – גאומטריה וטיריגונומטריה	$16\frac{2}{3} \times 2 = 33\frac{1}{3}$ נקודות
פרק שלישי – חישוב דיפרנציאלי ואינטגרלי	$16\frac{2}{3} \times 2 = 33\frac{1}{3}$ נקודות
סה"כ –	100 נקודות

ב. תומר עוז מותר בשימוש:

- (1) מחשבון לא רפואי. אין להשתמש באפשרויות התכונות במחשבון הנitin לתכנות. שימוש במחשבון רפואי או באפשרויות התכונות במחשבון עלול לגרום לפסילת הבחינה.
(2) דפי נוסחאות (מצורפים).

ג. תוראות מיוחדות:

(1) אל תעתיק את השאלה; סמן את מספורה בלבד.

(2) התחל כל שאלה בעמוד חדש. רשום במחברת את שלבי הפתרון, גם כאשר החישובים מתבצעים בעזרת מחשבון.

הסביר את כל פעולותיך, כולל חישובים, בפירוט ובצורה ברורה ומסודרת. חוסר פירוט עלול לגרום לפגיעה בזכין או לפסילת הבחינה.

(3) לטיפות יש להשתמש במחברת הבחינה או בדף שקיבלת מהশגחים. שימוש בטיטופה אחרת עלול לגרום לפסילת הבחינה.

התנויות בשאלון זה מנוסחות בלשון זכר ומכוונות לנבחנות ולנבחנים אחד.

בהצלחה!

/המשך מעבר לדף/

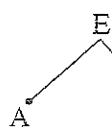
השאלות

שים לב! הסביר את כל פעולותיך, כולל חישובים, בפירוט ובצורה ברורה. חסר פירוט עלול לגרום לפגיעה בציון או לפסילת הבחינה.

פרק ראשון - אלגברה והסתברות ($\frac{1}{3}$ נקודות)

ענה על שתיים מהשאלות 1-3 (לכל שאלה – $\frac{2}{3}$ נקודות).

שים לב! אם תענה על יותר משתי שאלות, ייבדק רק שתי התשובות הראשונות שבמחברתך.



1. רוכב אופניים רכב מעיר A לעיר B. במסלול שבין שתי הערים יש תחיליה עלייה ולאחר מכן ירידיה (ראח ציור).

מהירות הרוכב בירידיה היא קבועה, וגדולה ב- 10 קמ"ש ממהירותו בעלייה.

הרוכב עבר את הדרך מ- A ל- B ב- 4.5 שעות, ואת הדרך מ- B ל- A עבר ב- 6 שעות. מהירות הרוכב בעלייה שבדרך מ- A ל- B שווה ל מהירות הרוכב בעלייה שבדרך מ- B ל- A, וגם מהירות הרוכב בירידיה בכל אחת מהדרכים היא אותה מהירות. אורך המסלול בין שתי הערים הוא 70 ק"מ.

- א. מצא את מהירות הרוכב בעלייה.
- ב. מצא את אורך המסלול מ- E ל- B.

2. a_n ו- a_k הם שני איברים בסדרה חשבונית במקומות ה- n ובמקומות ה- k בהתאם.

הפרש הסדרה הוא d, והאיבר הראשון בסדרה הוא $a_1 = md$, m – מספר טבעי, $d \neq 0$.

א. (1) הראה כי מתקיים $(a_1 + d(n+k+m-2)) = a_1 + d(n+k+m)$

(2) הבן באמצעות n, k ו- m את המקום בסדרה של איבר השווה לסכום של

שני האיברים a_n ו- a_k .

ב. (1) הבע באמצעות n, k, d ו- m את הסכום $a_{34} + a_{65}$

(2) נתון: $a_{34} + a_{65} = a_{109}$

סכום 79 האיברים הראשונים בסדרה הוא 7900

מצא את d ואת a_1 .

/המשך בעמוד 3/

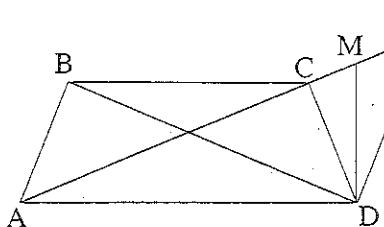
- .3. ברשותנו שתי קוביית משחק הנראות זהות. קובייה אחת מאוזנת והאחרת לא-מאוזנת.
בהתלות הקובייה המאוזנת הסתברות לקבל אחד מהמספרים הרשומים על פאות
הקובייה היא אותה הסתברות עבור כל אחד מהמספרים.
- $\frac{1}{3}$
- א. (1) זורקים 3 פעמים את הקובייה המאוזנת.
מהי ההסתברות לקבל בדיק 2 פעמיים את המספר ששי?
(2) זורקים 3 פעמים את הקובייה לא-מאוזנת.
מהי ההסתברות לקבל בדיק 2 פעמיים את המספר ששי?
- ב. בוחרים באקראי אחת משתי הקוביות, וזורקים 3 פעמים את הקובייה שbowhairs.
(1) מהי ההסתברות לקבל בדיק 2 פעמיים את המספר ששי?
(2) ידוע כי המספר שהתקבל בדיק 2 פעמיים.
מהי ההסתברות שנבחרה הקובייה לא-מאוזנת?
- ג. זורקים 6 פעמים את הקובייה לא-מאוזנת.
הבע באמצעות מ את ההסתברות לקבל לפחות פעמיים את המספר ששי.

/המשך בעמוד 4/

פרק שני – גאומטריה וטריגונומטריה במשולש ($\frac{1}{3}$ נקודות)

עננה על שתיים מהשאלות 4-6 (לכל שאלה – $\frac{2}{3}$ נקודות).

שים לב! אם תענה על יותר משתי שאלות, ייבדק רק שתי התשובות הראשונות שבמחברתך.



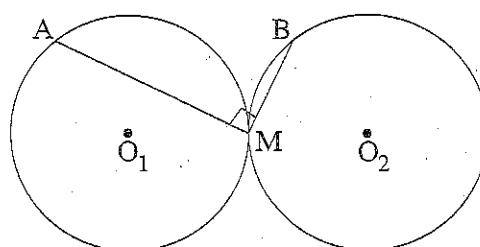
- נתון טרפז שווה-שוקיים $ABCD$ ($BC \parallel AD$)
דרך הקדקוד D העבירו אנך ל- AD
וישר המקביל לשוק AB
האנך חותך את המשך האלכסון AC בנקודה M ,
והישר המקביל חותך את המשך האלכסון BF בנקודה F
(ראה ציור).

$$\text{נסמן: } \angle CAD = \beta, \quad \angle BAC = \alpha$$

א. הוכח כי $\triangle ABC \sim \triangle FDA$

ב. הוכח כי $\angle CDM = \angle MDF$

$$\text{ג. הוכח כי } \frac{AC}{AF} = \frac{MC}{MF}$$

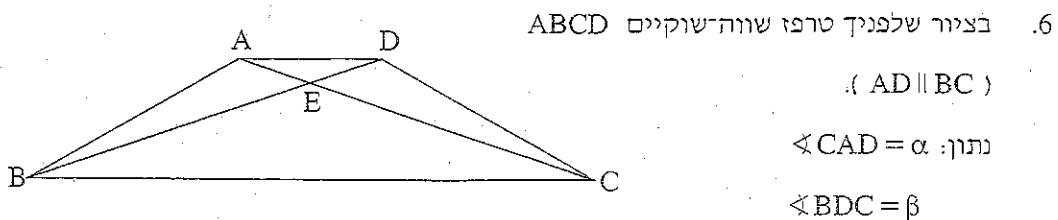


5. שני מעגלים, שיש להם אותו רדיוס R .
משיקים זה לזה בנקודה M .
מעבירים מיתר MB במעגל
מרכזו O_2 ,
ומיתר MA במעגל שמרכזו O_1
כך ש- $\angle AMB = 90^\circ$ (ראה ציור).

א. (1) נמק מדוע $\angle O_1MO_2 = 180^\circ$

(2) הוכח כי $AO_1 \parallel BO_2$

- ב. במשולש AMB העבירו תיכון לצלע AB .
הבע באמצעות R את אורך התיכון. נמק.



6. בציור שלפניך טרפו שווה-שוקיים ABCD

($AD \parallel BC$)

נתון: $\angle CAD = \alpha$

$\angle BDC = \beta$

א. הוכח כי היחס בין שטח המשולש AED לשטח המשולש BEC

$$\text{הוא } \frac{S_{\Delta AED}}{S_{\Delta BEC}} = \frac{\sin^2(2\alpha + \beta)}{\sin^2 \beta}$$

$$\text{ב. נתון גם: } \sqrt{\frac{S_{\Delta AED}}{S_{\Delta BEC}}} = \frac{1}{4}, \quad \alpha = 30^\circ$$

מצא את β

**פרק שלישי – חישובו דיפרנציאלי וaintegralי של פולינומים,
של פונקציות שורש, של פונקציות רצינגוליות
ושל פונקציות טריגונומטריות (33 נקודות)**

ענה על שתיים מהשאלות 7-9 (לכל שאלה – $\frac{2}{3}$ נקודות).

שים לב! אם תענה על יותר משתי שאלות, ייבדק רק שתי התשובות הראשונות שבחרתך.

$$7. \text{ נתונה הפונקציה } f(x) = \frac{x^2 + 6x + 12}{x^2 - 6x + 9}$$

א. (1) מצא את האסימפטוטות של הפונקציה (x) f המקבילות לציריהם.

(2) מצא את נקודות החיתוך של גרף הפונקציה (x) f עם הצירים (אם יש כאלה).

(3) מצא את תחומי העליה והירידה של הפונקציה (x) f .

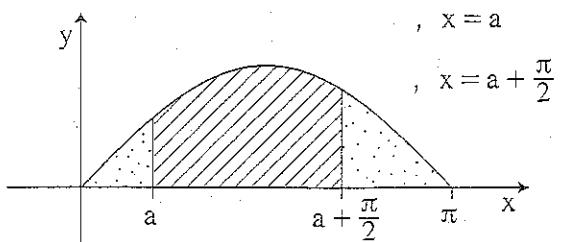
(4) סרטט סקיצה של גרף הפונקציה (x) f .

ב. (1) מצא את האסימפטוטות של פונקציית הנגזרת (x') f' המקבילות לציריהם.

(2) סרטט סקיצה של גרף פונקציית הנגזרת (x') f' . נמק.

8. נתונה הפונקציה $f(x) = \sin x$ בתחום $\pi \leq x \leq 0$ (ראה ציור).

מבעירים שני ישרים שמשוואותיהם:



$$0 < a < \frac{\pi}{2}$$

S_1 הוא השטח המוגבל על ידי שני

הישרים, על ידי גרף הפונקציה $f(x)$

ועל ידי ציר ה- x (השטח המוקוקו בציור).

S_2 הוא סכום של שני שטחים, שכל אחד מהם מוגבל על ידי גרף הפונקציה $f(x)$

על ידי אחד הישרים ועל ידי ציר ה- x (סכום השטחים המוקוקים בציור).

$$\text{מצא עבור איזה ערך של } a \text{ היחס } \frac{S_1}{S_2} \text{ הוא מקסימלי.}$$

9.

נתונה הפונקציה $f(x) = \frac{x}{\sqrt{x^2 - 15}}$

א. מצא את תחום ההגדרה של הפונקציה.

ב. מצא את האסימפטוטות של הפונקציה המקבילות לצירים.

ג. על סמך סעיפים א ו ב סרטט סקיצה של גרף הפונקציה, אם נתון כי הפונקציה יורדת בכל תחום שבן היא מוגדרת.

ד. נתון כי הערך $k > 0$, אין חותם את גраф הפונקציה $f(x)$

הישר מחלק את השטח, המוגבל על ידי גרף הפונקציה $f(x)$, על ידי ציר ה- x

ועל ידי הישרים $x = 8$ ו $x = -k$, לשני שטחים שווים.

מצא את הערך של k .

בוחן!

רכות היוצרים שמורה למדינת ישראל
אין להעתיק או לפרסם אלא ברשות משרד החינוך