

א. בגרות לבתי ספר על-יסודיים
ב. בגרות לנבחנים אקסטרנריים
מועד הבחינה: חורף תשע"ג, 315, 035805
מספר השאלה: דפי נוסחאות ל-4 ייחדות לימוד
נספח:

מתמטיקה

4 ייחדות לימוד – שאלון שני הוראות לנבחן

- א. משך הבחינה: שעה ושלושה רביעים.
- ב. מבנה השאלה ופתחה: בשאלון זה שני פרקים:
פרק ראשון – סדרות, טריגונומטריה במרחב
פרק שני – גידלה ודמייה, חישוב דיפרנציאלי ואינטגרלי
של פונקציות טריגונומטריות,
פונקציות מעירכיות ולוגריתמיות
ופונקציות חזקה
- השאלה נראית כך:
- $$\begin{array}{r} 33 \frac{1}{3} \times 1 \\ - 33 \frac{1}{3} \\ \hline 0 \end{array}$$
- ג. חומר עזר מותר בשימוש:
- (1) מחשבון לא גרפי. אין להשתמש באפשרויות התכונות במחשבון הנitin לתכנות.
שימוש במחשבון גרפי או באפשרויות התכונות במחשבון עלול לגרום לפטילת הבחינה.
- (2) דפי נוסחאות (מצורפים).
- ד. הוראות מיוחדות:
- (1) אל תעתיק את השאלה; סמן את מספורה בלבד.
(2) התחל כל שאלה בעמוד חדש. רשום במחברת את שלבי הפתרון, גם כאשר החישובים מתבצעים בעוזרת מחשבון.
הסביר את כל פעולותיך, כולל חישובים, בפירות ובצורה ברורה ומסודרת.
חווסף פירות עלול לגרום לפגיעה בזכין או לפטילת הבחינה.
- (3) לטiotה יש להשתמש במחברת הבחינה או בדף שקיבלת מהמשגיחים.
שימוש בטiotה אחרת עלול לגרום לפטילת הבחינה.

הנחיות בשאלון זה מנוסחות בלשון זכר ומכוונות לנבחנות לנבחנים כאחד.

ב הצלחה !

/המשך מעבר לדף/

השאלות

שים לב! הסבר את כל פעולותיך, כולל חישובים, בפירות ובצורה ברורה.
חומר פירוט עולל לגזרם לפגיעה בציון או לפסילת הבדיקה.

פרק ראשון – סדרות, טריגונומטריה במרחב ($\frac{1}{3}$ נקודות)

עונה על אתם מהשאלות 1-2.

שים לב! אם תענה על יותר משאלת אחת, תיבדק רק התשובה הראשונה שבמחברתך.

סדרות

1. נתונות שתי סדרות, a_n ו- b_n , המוגדרות לכל n טבעי לפי הכלל: $a_1 = 5$

$$b_n = a_n + 2.5$$

א. הוכח כי הסדרה b_n היא סדרה הנדסית, ומצא את המנה שלה ($a_n \neq -2.5$).

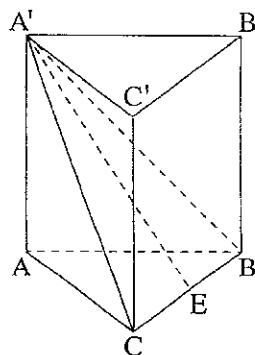
נתון גם כי $b_1 = 2$.

ב. הביע באמצעות n את a_n .

ג. (1) הביע באמצעות n את סכום n האיברים הראשונים בסדרה b_n .

(2) הביע באמצעות n את סכום n האיברים הראשונים בסדרה a_n .

טריגונומטריה במרחב



2. נתונה מנסרה ישרה $A'B'C'$, שבסיסה

הມושלמים שווי-צלעות (ראה ציור).

$A'E$ הוא הגובה ל- BC במשולש $A'BC$.

הזווית בין $A'E$ ובין מישור הבסיס ABC היא α .

גובה המנסרה הוא h .

א. הביע באמצעות h ו- α את אורך צלע הבסיס של המנסרה.

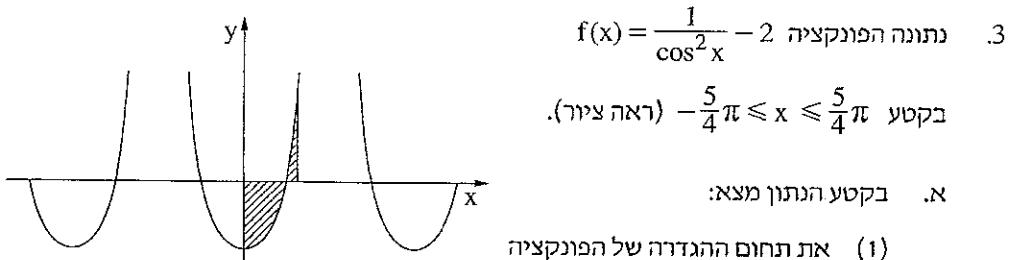
ב. אם נתון כי $\alpha = 30^\circ$, מצא את גודל הזווית שבין $A'C$ למשורר ABC .

/המשך בעמוד 3/

פרק שני – גדרה ודעיכה, חישוב דיפרנציאלי ואינטגרלי
של פונקציות טריגונומטריות, פונקציות מערכיות ולוגריתמיות
ופונקציות חזקה ($\frac{2}{3}$ נקודות)

ענה על שתיים מהשאלות 3-5 (לכל שאלה – $\frac{1}{3}$ נקודות).

שים לב! אם תענה על יותר משתי שאלות, יבדקו רק שתי התשובות הראשונות שבמחברתך.



א. בקטע הנתון נמצא:

(1) את תחום ההגדרה של הפונקציה

ואת האסימפטוטות של הפונקציה המקבילות לציר ה- y .

(2) את נקודות החיתוך של גרף הפונקציה עם ציר ה- x .

ב. בתחום $\frac{\pi}{3} \leq x \leq 0$ מצא את השטח המוגבל על ידי גרף הפונקציה ועל ידי ציר ה- x

(השטח המוקוון בציור).

4. נתונה הפונקציה $f(x) = \log_2(-x^2 + 4x + 32)$.

א. מצא את תחום ההגדרה של הפונקציה.

ב. מצא את נקודות החיתוך של גרף הפונקציה עם הצירים.

בתשובהך השאר, במידת הצורך, שתי ספרות אחרות הנקודה העשורה.

ג. מצא את תחומי העליה והירידה של הפונקציה.

ד. מצא את משוואת הישר המשיק לגרף הפונקציה ומקביל לציר ה- x .

בתשובהך תוכל להשאיר \log_2 או תוכל להשאיר שתי ספרות אחרות הנקודה העשורה.

/המשך בעמוד 4/

- .5. א. ב- 1/1/2000 מנתה אוכלוסיית מדינה מסוימת 2.5 מיליון תושבים. מספר התושבים גדל בצורה מעריכית, ועד 1/1/2010 גדלה האוכלוסייה ב- 63%. כמה שנים מ- 1/1/2000 יהיה מספר התושבים במדינה 8 מיליון?
- ב. נתונה הפונקציה $f(x) = e^{x^2 - m} - e^{m - x^2}$. m הוא פרמטר.
- (1) הביע באמצעות m (במידת הצורך) את השיעורים של נקודת הקיצון של הפונקציה, וקבע את סוגה.
- (2) נתון כי הישר $y = 0$ משיק לגרף הפונקציה. מצא את הערך של m .
- הערה: אין קשר בין סעיף א' לסעיף ב'.

בצלחה!

זכות היוצרים שומרה למדינת ישראל
אין להעתיק או לפרסם אלא ברשות משרד החינוך