

סוג הבדיקה: א. בגרות לבתי ספר על-יסודיים
 ב. בגרות לנבחנים אקסטרניים
 מועד הבדיקה: חורף תשס"ט, 2009
 מספר השאלה: 307, 035007
 דפי נוסחאות ל-4 ול-5 יחידות לימוד
 נספח:

מתמטיקה

שאלון ז'

הוראות לנבחן

א. משך הבדיקה: שעתיים.

ב. מבנה השאלה וMETHOD: בשאלון זה שני פרקים.

$$\begin{array}{rcl} \text{פרק ראשון} - \text{גאומטריה-אנליטית, וקטורים} & - & 33 \frac{1}{3} \times 2 = 66 \text{ נקודות} \\ \text{פרק שני} - \text{מספרים מרוכבים,} \\ \text{פונקציות מערכיות ולוגריתמיות} & - & 33 \frac{1}{3} \times 1 = 33 \frac{1}{3} \text{ נקודות} \\ \text{סה"כ} & - & 100 \text{ נקודות} \end{array}$$

ג. חומר עזר מותר בשימוש:

(1) מחשבון לא גրפי. אין להשתמש באפשרויות התכונות במחשבון הנitin לתכנות.
 שימוש במחשבון גרפי או באפשרויות התכונות במחשבון עלול לגרום לפסילת הבדיקה.

(2) דפי נוסחאות (מצורפים).

ד. הוראות מיוחדות:

(1) אל תעתיק את השאלה; סמן את מספחה בלבד.

(2) התחל כל שאלה בעמוד חדש. רשות במחברת את שלבי הפתרון, 振奋 כאשר החישובים מתבצעים בעזרת מחשבון.

הסביר את כל פעולותיך, כולל חישובים, בפירוט-ובצורה ברורה ומסודרת. חוסר פירוט עלול לגרום לפגיעה בציון או לפסילת הבדיקה.

(3) לטiotah יש להשתמש במחברת הבדיקה או בדף שקיבלת מהמשגיחים. שימוש בטiotah אחרת עלול לגרום לפסילת הבדיקה.

הנחיות בשאלון זה מנוסחות בלשון זכר ומכוונות לנבחנות לנבחנים אחד.

בהצלחה!

ה שאלות

שים לב! הסבר את כל פעולותיך, כולל חישובים, בפירות ובצורה ברורה.
חוסר פירוט עלול לגרום לפגיעה באיזון או לפסילת הבדיקה.

פרק ראשון – גאומטריה אנגליתית, וקטורים ($\frac{2}{3}$ נקודות)

ענה על שתיים מהשאלות 1-3 (לכל שאלה – $\frac{1}{3}$ נקודות).

שים לב! אם תענה על יותר משתי שאלות, ייבדק רק שתי התשובות הראשונות שבמחברתך.

$$\text{נתונות שתי פרבולות: } \text{I. } y^2 = 2px \quad \text{II. } y^2 = p(x-a) \quad a > 0$$

ישר $x = m$ ($m > 0$) חותך את הפרבולה I בנקודה A, ואת הפרבולה II בנקודה B.

(A ו- B אינן בראשית הצירים).

A. הוכח כי המשיק לפרבולה I בנקודה A מקביל למשיק לפרבולה II בנקודה B.

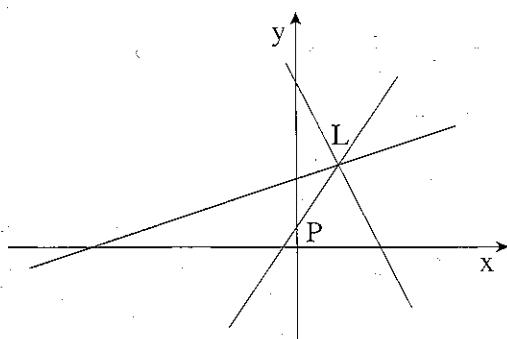
B. המשיק לפרבולה I בנקודה A חותך את המדריך של פרבולה I בנקודה C,

וממשיק לפרבולה II בנקודה B חותך את אותו מדריך בנקודה D.

מצא את m , אם נתון כי היחס בין שטח המשולש DCA לשטח המשולש DCB הוא 1.5

(הערה: אין צורך להשתמש בעובדה שהמשיקים מקבילים).

+ נספח



נתונים שני ישרים:

I. $2x + y - 8 = 0$

II. $x - 3y + 10 = 0$

הישרים נפגשים בנקודה L.

דרך הנקודה L עובר ישר החותך

את ציר ה-y בנקודה P (ראה ציור).

ושווהותו היא k , $(2+k)x - 2y - 8 + 10k = 0$ הוא פרמטר.

דרך הנקודה P עובר ישר נוסף החותך את הימר I בנקודה A ואת הימר II בנקודה B,

כך ש- P היא אמצע הקטע AB.

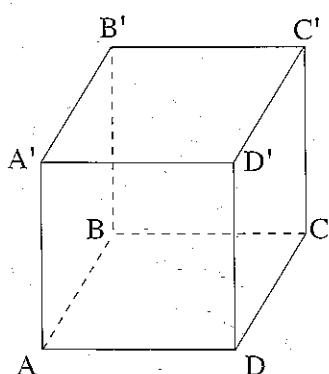
א. מצא את גודל הזווית שבין הימר העובר דרך הנקודה A ו- B ובין הכיוון החיובי

של ציר ה-x.

ב. דרך הנקודה B עובר עוד ישר. ישר זה חותך את ציר ה-x בנקודה C, ושיפעו

חובבי. שטח המשולש ABC הוא 8.5. AB הוא קוטר במעגל.

האם הימר BC משיק למעגל זה? נמק.



נתונה הקובייה ABCD A'B'C'D' (ראה ציור).

הפה A'B'BA נמצאת במישור $2x - y + 2z = 4$ הפה B'C'CB נמצאת במישור $2y + z = 0$ שיעוריו הקדקוד 'A הם $(2, -2, z)$.

א. מצא את משוואת המישור שעליו מונחת

הפה A'B'C'D'

ב. הקדקוד $(2, -2, z)$ הוא מרכזו של מעגל.

המעגל עובר דרך הקדקוד 'B' ודרך הקדקוד 'D'.

(1) הראה כי שיעורי הקדקוד 'B' הם $(0, 2, 0)$.

(2) מצא הצגה פרמטרית של ישר המשיק למעגל זה בקדקוד 'B'.

המשיק נמצא במישור של המעגל.

פרק שני – מספרים מרוכבים

פונקציות מערכיות ולוגריתמיות ($\frac{1}{3}$ נקודות)

ענה על אתה מהשאלות 5-4.

שים לב! אם תענה על יותר שאלה אחת, תיבדק רק התשובה הראשונה שבמחברתך.

4. א. פטור את המשוואה $2 \ln 2 + (1 + \frac{1}{2x}) \ln 3 = \ln(3^x + 27)$

ב. נתונה המשוואה $(mi + 4)z^2 + (m - 4i)z - 2 = 0$, m הוא פרמטר.

z ו- m הם מספרים מרוכבים.

(1) מצא עבור איזה ערך של m יש למשוואה פתרון יחיד.

(2) מצא את הפתרון היחיד של המשוואה.

הערה: אין קשר בין סעיף א' לסעיף ב'.

5. א. נתונה הפונקציה $f(x) = \ln \frac{1-x}{1+x}$

(1) מצא את תחום ההגדרה של הפונקציה $f(x)$.

(2) הראה כי לפונקציה $f(x)$ אין נקודות קיצון.

ב. נתונה גם הפונקציה $g(x) = \frac{1}{x^2 - 1}$

(1) מצא את השיעורים של נקודות הקיצון של הפונקציה (x, g) , וקבע את סוגה.

(2) סרטט סקיצה של גраф הפונקציה (x, g) .

ג. חשב את השטח בריבועי המוגבל על ידי הישר $y = 2x - 1$,

על ידי הישר $x = \frac{1}{2}$ ועל ידי גраф הפונקציה (x, g) .

בהתלהה!