

סוג הבחינה: א. בגרות לבתי ספר על-יסודיים
ב. בגרות לנבחנים אקסטרניים
מועד הבחינה: תשס"ז, מועד ב'
מספר השאלון: 303,035003
נספח: דפי נוסחאות ל-3 יחידות לימוד

מתמטיקה

שאלון ג'

הוראות לנבחן

- א. משך הבחינה: שעה ושלושה רבעים.
- ב. מבנה השאלון ומפתח ההערכה: בשאלון זה חמש שאלות בנושאים:
אלגברה, חשבון דיפרנציאלי ואינטגרלי.
עליך לענות על שלוש שאלות — $3 \times 33\frac{1}{3} = 100$ נקודות
- ג. חומר עזר מותר בשימוש:
- (1) מחשבון לא גרפי. אין להשתמש באפשרויות התכנות במחשבון הניתן לתכנות. שימוש במחשבון גרפי או באפשרויות התכנות במחשבון עלול לגרום לפסילת הבחינה.
 - (2) דפי נוסחאות (מצורפים).
- ד. הוראות מיוחדות:
- (1) אל תעתיק את השאלה; סמן את מספרה בלבד.
 - (2) התחל כל שאלה בעמוד חדש. רשום במחברת את שלבי הפתרון, גם כאשר החישובים מתבצעים בעזרת מחשבון.
 - (3) הסבר את כל פעולותיך, כולל חישובים, בפירוט ובצורה ברורה ומסודרת. חוסר פירוט עלול לגרום לפניעה בציון או לפסילת הבחינה.
- (3) לטייטה יש להשתמש במחברת הבחינה או בדפים שקיבלת מהמסגיחים. שימוש בטייטה אחרת עלול לגרום לפסילת הבחינה.

ההנחיות בשאלון זה מנוסחות בלשון זכר ומכוונות לנבחנות ולנבחנים כאחד.

ב ה צ ל ח ה !

השאלות

שים לב! הסבר את כל פעולותיך, כולל חישובים, בפירוט ובצורה ברורה.

חוסר פירוט עלול לגרום לפגיעה בציון או לפסילת הבחינה.

ענה על שלוש מהשאלות 1-5 (לכל שאלה – $33\frac{1}{3}$ נקודות).

שים לב! אם תענה על יותר משלוש שאלות, ייבדקו רק שלוש התשובות הראשונות שבמחברתך.

אלגברה

1. מכונית נסעה מעיר A לעיר C. בין A ל-C נמצאת עיר B.

הדרך מ-A ל-B ארוכה ב-6 ק"מ מהדרך מ-B ל-C.

המכונית עברה את הדרך מ-A ל-B ב- $1\frac{1}{2}$ שעות, ואת הדרך מ-B ל-C ב-2 שעות.

מהירות המכונית בדרך מ-A ל-B הייתה גדולה ב-24 קמ"ש מהמהירות שלה

בדרך מ-B ל-C.

המהירויות של המכונית בשני קטעי הדרך היו קבועות.

א. חשב את מהירות המכונית בדרך מ-A ל-B, ואת מהירות המכונית

בדרך מ-B ל-C.

ב. חשב את המרחק בין A ל-C.

2. נתון המעגל $(x+4)^2 + (y-3)^2 = 25$ שמרכזו M.

המעגל חותך את הצירים בנקודות A, B ו-O (ראה ציור).

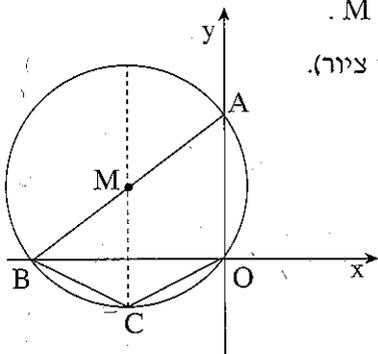
א. מצא את שיעורי הנקודות A ו-B.

ב. (1) מצא את שטח המשולש ABO.

(2) קוטר המעגל המאונך לציר ה-x

חותך את המעגל בנקודה C (ראה ציור).

מצא את שטח המרובע ABCO.



חשבון דיפרנציאלי ואינטגרלי

3. נתונה הפונקציה $y = \sqrt{2x} - x$

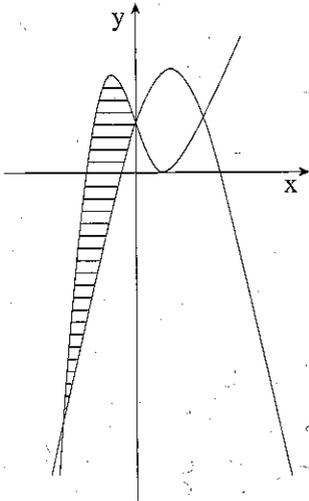
- א. מצא את תחום ההגדרה של הפונקציה.
- ב. מצא את נקודות החיתוך של גרף הפונקציה עם ציר ה- x ועם ציר ה- y .
- ג. לפונקציה יש נקודת מקסימום אחת. מצא את שיעוריה.
- ד. סרטט סקיצה של גרף הפונקציה.

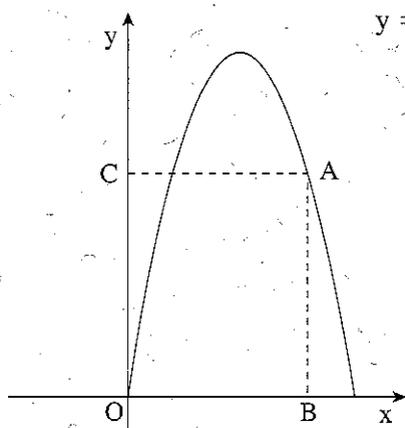
4. נתונות שתי פונקציות:

$$y = -x^2 + 3x + 2$$

$$y = x^3 - 3x + 2 \quad (\text{ראה ציור}).$$

- א. מצא את שיעורי ה- x של נקודות החיתוך בין הגרפים של שתי הפונקציות.
- ב. מצא את השטח המוגבל על ידי הגרפים של שתי הפונקציות, השטח המקווקו בציור.





5. מנקודה A, הנמצאת על גרף הפונקציה $y = -x^2 + 6x$

ברביע הראשון, מורידים אנכים לצירים,

ונוצר מלבן ABOC (ראה ציור).

א. מה צריך להיות שיעור ה- x של הנקודה A

כדי שהיקף המלבן יהיה מקסימלי?

ב. חשב את ההיקף המקסימלי של המלבן.

בהצלחה!

זכות היוצרים שמורה למדינת ישראל
אין להעתיק או לפרסם אלא ברשות משרד החינוך

שים לב!
שאלה 6 מיועדת רק לתלמידים שאושר להם
מבחן מותאם
(מדבקה סגולה)

עליך לענות על שלוש מהשאלות 1-6.

6. נתונה הפונקציה $y = Ax + \frac{2}{x}$ בתחום $x > 0$.

לפונקציה יש ערך קיצון בנקודה שבה $x = 1$.

א. מצא את ערך הפרמטר A .

ב. הישר $y = 5$ חותך את גרף הפונקציה בשתי נקודות.

מה הם השיעורים של נקודות החיתוך בין הישר לפונקציה?